

Clasa a VII-a

Notă: orice rezolvare corectă, alta decât în baremul de mai jos, se punctează;

1.b) $\frac{2x+9}{2x+3} \in \mathbf{Z} \rightarrow \frac{2x+3+6}{2x+3} = 1 + \frac{6}{2x+3}$ 1p.

$(2x+3) \mid 6$ 0.5p.
 $D_6 = \{ \pm 1, \pm 2, \pm 3, \pm 6 \}$ 0.5p.
 $2x+3 = \text{nr. impar.}$ 0.5p.
 $(2x+3) \in \{ \pm 1, \pm 3 \}$ 0.5p.
 $x \in \{ -3, -2, -1, 0 \}$ 1p.

2). $a > 0, b > 0$ 1p.

$$a^2 = \frac{1}{4017 + 2 \sqrt{2008 \cdot 2009}} ; \quad b^2 = \frac{1}{4017 + 2 \sqrt{2007 \cdot 2010}} \dots 2p.$$

2008 · 2009 > 2007 · 2010 1p.
 $a^2 < b^2$ 2p.
 $a < b$ 1p.

3). Figura corect executată 1p.

$BF = FC - BC = 7,2 \text{ cm} - 4 \text{ cm} = 3,2 \text{ cm}$ 1p.

$EF \parallel AC \rightarrow \Delta BEF \sim \Delta BAC$ (T.F.A.) 1p.

BF	3,2	4	
—	—	—	= k 1p.
BC	4	5	

P _{ΔBEF}	4	
—	—	= k = 1p.
P _{ΔBAC}	5	

$P_{\Delta BAC} = 2\text{cm} + 3\text{cm} + 4\text{cm} = 9\text{cm}$ 1p.

$P_{\Delta BEF} = 7,2 \text{ cm}$ 1p.

4). - Figură corect executată 0.5p.

- Fie $EF \parallel AB$, $E \in (AD)$, $F \in (BC)$ și $O \in EF$
 $OF \parallel AB \rightarrow \Delta CAB \sim \Delta COF$ (T.F.A.) 0,5p.

EO || AB → Δ DAB ~ Δ DEO (T.F.A.) 0,5p.

EO DE
— = — (2)..... 0,5p.
AB DA

- Din (1), (2) și (3) → $\frac{OF}{AB} = \frac{EO}{AB}$ → OF = EO, (4)..... 0,5p.

$$AM \parallel EO \rightarrow \Delta PAM \sim \Delta PEO \text{ (T.F.A.)} \rightarrow \frac{MA}{OE} = \frac{PM}{PO} \quad (5) \dots 0,5p.$$

$$MB \parallel OF \rightarrow \Delta PMB \sim \Delta POF \text{ (T.F.A.)} \rightarrow \frac{PM}{PO} = \frac{MB}{OF}, (6)....0,5p.$$

- Din (5) și (6) → $\frac{MA}{OE} = \frac{MB}{OE}$, dar $OE = OF \rightarrow MA = MB \dots\dots 0,5p.$

-Asemănător din $\Delta \text{POE} \sim \Delta \text{PND}$ și $\Delta \text{POF} \sim \Delta \text{PNC} \rightarrow \text{ND} \equiv \text{NC}$ 2p.

Prof Miron Vasile